

# 寡头企业两周期以旧换新均衡模型及定价策略

李辉中<sup>1</sup>, 尹译稀<sup>2</sup>, 庞琪<sup>3</sup>, 吴鹏<sup>1</sup>

(1. 四川大学商学院, 成都 610064; 2. 武警警官学院, 成都 610213; 3. 上海第一财经数据科技有限公司, 上海 200041)

**摘要:** 以旧换新是当下市场常见的营销方式, 它的出现使得企业在市场竞争中面临着新的挑战。本研究通过设定两周期双寡头竞争下的差异化产品生产商并加入以旧换新, 探究企业在决策以旧换新定价时的利润最大化均衡及相应的结果分析。研究表明:(1)当两企业产品差异较大, 折旧系数适中时, 该模型存在唯一均衡及市场划分;(2)高质量产品企业得益于其自身产品质量水准, 其不参与以旧换新市场的竞争力在折旧系数较大时较强;(3)消费者在以旧换新存在的条件下会更加注重企业的市场定位, 因为这涉及第二周期的以旧换新决策, 因此企业在以旧换新策略前应提前考虑到外部因素。

**关键词:** 以旧换新; 双寡头竞争; 两周期; 博弈论

**中图分类号:** F224; F274      **文献标识码:** A      **DOI:** 10.19907/j.0490-6756.2022.037002

## Two-period equilibrium model and pricing strategy with trade-in for duopoly

LI Hui-Zhong<sup>1</sup>, YIN Yi-Xi<sup>2</sup>, PANG Qi<sup>3</sup>, WU Peng<sup>1</sup>

(1. School of Business, Sichuan University, Chengdu 610064, China; 2. Officers College of PAP, Chengdu 610213, China;  
3. Shanghai First Financial Data Technology Limited Company, Shanghai 200041, China)

**Abstract:** Trade-in is a popular marketing method in the current age, making enterprises face new challenges in market competition. This study sets up a two-period duopoly model with differentiated manufacturers considering trade-in offers. The manufacturers determine their trade-in prices and maximize their profits. The equilibrium and corresponding results are then analyzed. The results show that: (1) When the products are significantly differentiated and the depreciation coefficient is moderate, the model has a unique equilibrium and market segmentation; (2) The high-quality manufacturer benefits from his own product quality standards, and his competitiveness of not participating in the trade-in market is stronger when the depreciation coefficient is large; (3) Consumers will pay more attention to the manufacturers' product quality market positioning, because it's important for consumers to decide whether to participate in trade-in during the second period. Therefore, enterprises should consider external factors in advance before trade-in strategies.

**Keywords:** Trade-in; Duopoly; Two-period; Game theory

## 1 引言

随着制造产业闭环供应链的进步与完善, 以旧

换新成为了闭环供应链中不可或缺的一环。诸如手机、汽车及动力电池、家用电器等产品纷纷加入到以旧换新的行列<sup>[1]</sup>。人类社会对于环境保护重视程

收稿日期: 2021-10-12

基金项目: 国家自然科学基金 (71871151)

作者简介: 李辉中(1997—), 男, 四川遂宁人, 硕士研究生, 研究方向为闭环供应链等. E-mail: huizhongli@stu.scu.edu.cn

通讯作者: 尹译稀. E-mail: yinyixi0818@163.com

度的提升以及对废旧物料循环的推崇使得以旧换新愈加受到人们的追捧<sup>[2]</sup>. 更为重要的是, 作为一种市场营销手段, 以旧换新被认为是企业的一种价格歧视方式. 这对吸引消费者购买, 促进企业根据产品生命周期进行规划布局具有重要意义. 以旧换新的相关研究对于管理决策者根据生产运营实际状况进行决策提供了相应的借鉴.

目前, 涉及以旧换新的相关定价决策研究可以分为纵向供应链以旧换新定价决策和供应链横向竞争以旧换新定价决策. 在纵向供应链方面, 孙浩等<sup>[3]</sup>建立了基于市场细分的两周期再制造闭环供应链的决策模型. Cao 等<sup>[1]</sup>对 B2C 平台在以旧换新模式下官方自营与第三方零售商之间进行以旧换新定价决策进行了比较. Genc 等<sup>[4]</sup>在两阶段闭环供应链中引入受技术水平与价格共同影响的回收率探究以旧换新的效益. Rao 等<sup>[5]</sup>考虑了市场中同时存在新旧产品的情况, 构建了稳态均衡模型探讨企业是否推行以旧换新策略并且如何定价的问题. Savaskan 等<sup>[6]</sup>构建模型探究不同的逆向供应链渠道结构的回收效益. Giovanni 等<sup>[7]</sup>考虑一个两阶段闭环供应链博弈, 并决定是独家管理回收产品还是将其外包给零售商或第三方服务提供商. Miao 等<sup>[8]</sup>研究了 3 种不同的回收模式下的企业最优决策. Xiao 等<sup>[9,10]</sup>通过探究消费者在以旧换新或是出售给二手市场的选择行为来设定最优的动态定价, 但并未考虑到同一行业的寡头竞争企业以旧换新定价博弈. 在供应链横向竞争方面, Ferguson 等<sup>[11]</sup>研究了制造商在面对再制造产品市场上的竞争威胁时的回收策略. 黄永等<sup>[12]</sup>探究了制造商竞争环境下基于产品生命周期的闭环供应链的定价和生产策略. 林欣怡等<sup>[2]</sup>建立了两周期零售商竞争环境下的分散决策模型和集中决策模型, 得到了最优定价和生产策略, 并利用收益共享契约协调整个闭环供应链. 卢荣花等<sup>[13]</sup>在零售商竞争环境下, 建立两周期闭环供应链回收渠道决策模型. Zhu 等<sup>[14]</sup>研究了在消费者市场规模处于变动的情形下, 两阶段双寡头竞争模型中同质产品以旧换新数量竞争策略.

通过上述研究能够发现, 以往的纵向供应链以旧换新研究聚焦于回收模型的变化探索, 而供应链横向竞争研究则聚焦于竞争对供应链协调定价的变化, 通常假设寡头企业产品为同质的. 但实际生产生活中不同类型不同质量水准的产品存在一定的竞争, 这些研究缺乏对不同质量水准产品加入以旧

换新竞争的探讨. 本研究结合上述研究特点, 设定在两周期内, 同类型不同质量水准的产品双寡头生产商 A 与 B, 通过满足市场的消费者效用形成相应的市场划分, 并设定以旧换新价格使得自身利润最大化的博弈模型, 探讨以旧换新是如何影响企业间的横向竞争以及相应的销量、利润变化, 寻求模型的均衡及现实意义.

## 2 模型介绍

考虑某一双寡头市场中的企业 A 与企业 B 生产同类型的竞争产品, 其中企业 A 的产品比企业 B 的产品更为高端, 即  $v_a > v_b > 0$ , 同时为了简化分析, 假定  $c_a > c_b = 0$ . 消费者在每一周期内只使用一件产品即可满足效用<sup>[8]</sup>, 而新购买的产品能够在两周期内都为消费者提供效用, 第一周期产品为新产品, 第二周期产品损耗为旧产品. 两企业在两周期内决定实施以旧换新策略并依据利润进行博弈, 在此基础上我们作如下假设:(1) 企业只换购本企业产品, 并忽略回收处置旧产品产生的成本;(2) 以旧换新活动只针对使用一个周期后的旧产品, 且参与以旧换新后的旧产品残值为 0, 消费者也无法通过第三方市场贩卖旧产品获得收益;(3) 前述研究表明, 当新产品价格为内生变量时, 新产品价格最优值恒为常数<sup>[10]</sup>, 因此此处为了简化分析将新产品价格设为外生变量, 文中所涉及变量如表 1 所示.

表 1 模型变量描述

Tab. 1 Description of model variables

符号	含义
$v_i$	$i$ 企业新产品质量
$c_i$	$i$ 企业新产品生产成本
$p_i$	$i$ 企业新产品价格
$p_{it}$	$i$ 企业以旧换新价格
$\beta$	折旧系数, $\beta \in (0, 1)$
$\theta$	消费者质量感知, $\theta \sim U[0, 1]$
$\delta$	折现因子, $\delta \in (0, 1]$
$D_i; D_i^j$	$i$ 企业销量
$\pi_i; \pi_i^j$	$i$ 企业利润
$i$	$i = a, b$ ; 企业 A 或 B
$j$	$j = 1$ 以旧换新细分市场; $j = 2$ 不参与以旧换新细分市场

两周期决策时序如下: 第一周期伊始市场上并无持有 A 企业或是 B 企业产品的消费者, 消费者

在此时决定购买A企业产品或是B企业产品亦或是不购买, 相应的消费者效用为 $\theta v_a - p_a, \theta v_b - p_b, 0$ ; 第二周期拥有旧产品的消费者决定参与以旧换新亦或是继续使用旧产品, 参与以旧换新获得的效用为 $\theta v_a - p_{at}, \theta v_b - p_{bt}$ , 继续使用旧产品获得的效用为 $\beta\theta v_a, \beta\theta v_b$ . 据此, 市场即被细分为购买A企业产品并参与以旧换新的消费者市场; 购买A企业产品不参与以旧换新的消费者市场; 购买B企业产品并参与以旧换新的消费者市场; 购买B企业产品不参与以旧换新的消费者市场; 不购买产品消费者市场. 通过消费者市场效用划分, 得5种类型的消费者效用如式(1)所示.

$$\left\{ \begin{array}{l} V_1 = \theta v_a - p_a + \delta(\theta v_a - p_{at}) \\ V_2 = \theta v_a - p_a + \delta\beta\theta v_a \\ V_3 = \theta v_b - p_b + \delta(\theta v_b - p_{bt}) \\ V_4 = \theta v_b - p_b + \delta\beta\theta v_b \\ V_5 = 0 \end{array} \right. \quad (1)$$

令 $V_1 = V_2, V_2 = V_3, V_3 = V_4, V_4 = V_5$ , 得各市场划分点如式(2)所示<sup>[5]</sup>.

$$\left\{ \begin{array}{l} \theta_1 = \frac{p_{at}}{(1-\beta)v_a} \\ \theta_2 = \frac{p_a - p_b - \delta p_{bt}}{(1+\beta\delta)v_a - (1+\delta)v_b} \\ \theta_3 = \frac{p_{bt}}{(1-\beta)v_b} \\ \theta_4 = \frac{p_b}{(1+\beta\delta)v_b} \end{array} \right. \quad (2)$$

### 3 模型求解

企业A与企业B的总利润由第一阶段的新产品销售利润(含参与以旧换新的消费者与不参与以旧换新的消费者第一阶段的购买行为产生的利润)和第二阶段的以旧换新产品销售利润组成.

$$\max_{p_{at}} \pi_A = (p_a - c_a)(1 - \theta_1) + \delta(p_{at} - c_a) \\ (1 - \theta_1) + (p_a - c_a)(\theta_1 - \theta_2) \quad (3)$$

$$\max_{p_{bt}} \pi_B = p_b(\theta_2 - \theta_3) + \delta p_{bt}(\theta_2 - \theta_3) + \\ p_b(\theta_3 - \theta_4) \quad (4)$$

两企业就自身利润最大化进行博弈, 求解获得如下命题.

**命题1** 双寡头企业两周期以旧换新利润最大化博弈在同时满足 $(1+\beta\delta)v_a > (1+\delta)v_b$ 、 $\max\left(\frac{v_a + c_a - 2p_a}{v_a}, \frac{p_a v_b - 2p_b v_a}{p_a v_b - 2p_b(v_b - \delta v_a + \delta v_b)}\right) < \beta < 1 - \frac{c_a}{v_a}$ 与 $\frac{p_a}{v_a} > 2\frac{p_b}{v_b}$ 等条件时, 能得以旧换新价格

均衡解.

$$p_{at}^* = \frac{1}{2}(c_a + v_a - \beta v_a) \quad (5)$$

$$p_{bt}^* = \frac{(p_a - 2p_b)(1 - \beta)v_b}{2(v_a - v_b)(1 + \beta\delta)} \quad (6)$$

市场划分边界为:

$$\left\{ \begin{array}{l} \theta_1 = \frac{c_a + (1 - \beta)v_a}{2(1 - \beta)v_a} \\ \theta_2 = \frac{1}{2}\left(\frac{p_a - 2p_b}{(v_a - v_b)(1 + \beta\delta)} + \frac{p_a}{(1 + \beta\delta)v_a - (1 + \delta)v_b}\right) \\ \theta_3 = \frac{p_a - 2p_b}{2(v_a - v_b)(1 + \beta\delta)} \\ \theta_4 = \frac{p_b}{(1 + \beta\delta)v_b} \end{array} \right. \quad (7)$$

证明: 对 $\pi_A$ 关于 $p_{at}$ 求导, 二阶导为 $-\frac{2\delta}{v_a(1-\beta)} < 0$ ,  $\pi_A$ 关于 $p_{at}$ 为凹函数, 因此当一阶导 $(1 - \frac{p_{at}}{v_a(1-\beta)})\delta + \frac{(c_a - p_{at})\delta}{v_a(1-\beta)} = 0$ 时,  $\pi_A$ 取得最大值; 同理, 对 $\pi_B$ 关于 $p_{bt}$ 求导, 二阶导为 $2\delta(-\frac{1}{v_b(1-\beta)} - \frac{\delta}{(1+\beta\delta)v_a - (1+\delta)v_b})$ , 当 $(1+\beta\delta)v_a - (1+\delta)v_b > 0$ 时,  $\pi_B$ 关于 $p_{bt}$ 为凹函数, 因此当一阶导 $\frac{\delta(v_b(1-\beta)(p_a - 2p_b) - 2p_{bt}(v_a - v_b)(1 + \beta\delta))}{v_b(1-\beta)((1+\beta\delta)v_a - (1+\delta)v_b)} = 0$ 时,  $\pi_B$ 取得最大值. 同时由假设条件:  $p_a > p_{at}^*$ 、 $p_b > p_{bt}^*$ 可得:

$$\beta > \max\left(\frac{v_a + c_a - 2p_a}{v_a}, \frac{p_a v_b - 2p_b v_a}{p_a v_b - 2p_b(v_b - \delta v_a + \delta v_b)}\right);$$

市场划分边界还应满足 $0 < \theta_4 < \theta_3 < \theta_2 < \theta_1 < 1$ , 代入解得: $\beta < 1 - \frac{c_a}{v_a}, \frac{p_a}{v_a} > 2\frac{p_b}{v_b}$ . 求解上述等式并归纳条件命题1得证.

**命题2**  $p_{at}^*$ 随 $c_a, v_a$ 增大而增大, 随 $\beta$ 增大而减小;  $p_{bt}^*$ 随 $p_a, v_b$ 增大而增大, 随着 $p_b, v_a, \beta, \delta$ 增大而减小.

$$\text{证明: } \frac{\partial p_{at}^*}{\partial c_a} = \frac{1}{2}, \frac{\partial p_{at}^*}{\partial v_a} = \frac{1-\beta}{2} > 0,$$

$$\frac{\partial p_{at}^*}{\partial \beta} = -\frac{v_a}{2} < 0, \frac{\partial p_{bt}^*}{\partial p_a} = \frac{(1-\beta)v_b}{2(v_a - v_b)(1 + \beta\delta)} > 0,$$

$$\frac{\partial p_{bt}^*}{\partial p_b} = -\frac{v_b(1-\beta)}{(v_a - v_b)(1 + \beta\delta)} < 0,$$

$$\frac{\partial p_{bt}^*}{\partial v_a} = -\frac{v_b(1-\beta)(p_a - 2p_b)}{2(v_a - v_b)^2(1 + \beta\delta)} < 0,$$

$$\frac{\partial p_{bt}^*}{\partial v_b} = \frac{v_a(1-\beta)(p_a - 2p_b)}{2(v_a - v_b)^2(1 + \beta\delta)} > 0,$$

$$\frac{\partial p_{bt}^*}{\partial \beta} = -\frac{v_b(1+\delta)(p_a-2p_b)}{2(v_a-v_b)(1+\beta\delta)^2} < 0,$$

$$\frac{\partial p_{bt}^*}{\partial \delta} = -\frac{v_b(1-\beta)(p_a-2p_b)\beta}{2(v_a-v_b)(1+\beta\delta)^2} < 0.$$

命题 1 与命题 2 表明, 当折旧系数  $\beta$  处于相对适中的区间, 同时两企业产品质量价格水准差异大于一定阈值时, 双寡头企业两周期以旧换新定价博弈能得到均衡, 各细分市场划分边界值唯一。同时据以旧换新定价均衡解单调性分析可知, A 企业作为高质量产品的市场引领者, 它的以旧换新均衡解定价受到影响的因素比 B 企业要少; B 企业作为追随者, 以旧换新决策对市场的新产品定价和折现因子  $\delta$  更为敏感。当 A 企业新产品定价上升时, 因为效用的降低消费者转而选择消费 B 企业的产品, 因此第二周期参与 B 企业以旧换新的消费者增多, 企业为提高利润相应地提升 B 企业以旧换新定价  $p_{bt}^*$ ; 而当折现因子  $\delta$  较大时, 企业更加重视第二周期的利润, 因此以旧换新定价亦相应减小。

当不满足命题 1 的参数条件时, 以旧换新价格约束与边界约束就不成立, 某些市场的销量可能为 0, 同时也可能出现企业利润最优解不存在的情况, 故不在本文讨论范围之内。

通过均衡解可得总销量、参与以旧换新市场与不参与以旧换新市场部分的销量以及总利润、参与以旧换新市场与不参与以旧换新市场部分的利润如下式所示。

$$D_A = 1 - \theta_2 = \frac{1}{2} \left( 2 - \frac{p_a - 2p_b}{(v_a - v_b)(1 + \beta\delta)} - \frac{p_a}{(1 + \beta\delta)v_a - (1 + \delta)v_b} \right) \quad (8)$$

$$D_B = \theta_2 - \theta_4 = \frac{1}{2} \left( \frac{p_a}{(1 + \beta\delta)v_a - (1 + \delta)v_b} - \frac{2p_b v_a - p_a v_b}{(v_a - v_b)(1 + \beta\delta)v_b} \right) \quad (9)$$

$$D_A^1 = 1 - \theta_1 = \frac{1}{2} \left( 1 - \frac{c_a}{(1 - \beta)v_a} \right) \quad (10)$$

$$D_A^2 = \theta_1 - \theta_2 = \frac{1}{2} \left( 1 + \frac{c_a}{v_a - \beta v_a} - \frac{p_a - 2p_b}{(v_a - v_b)(1 + \beta\delta)} - \frac{p_a}{(1 + \beta\delta)v_a - (1 + \delta)v_b} \right) \quad (11)$$

$$D_B^1 = \theta_2 - \theta_3 = \frac{p_a}{2((1 + \beta\delta)v_a - (1 + \delta)v_b)} \quad (12)$$

$$D_B^2 = \theta_3 - \theta_4 = \frac{p_a v_b - 2p_b v_a}{2(v_a - v_b)(1 + \beta\delta)v_b} \quad (13)$$

$$\pi_A = p_a + \frac{1}{4} \left( \frac{(c_a - (1 - \beta)v_a)^2 \delta}{(1 - \beta)v_a} - \frac{2(p_a - c_a)(p_a - 2p_b)}{(v_a - v_b)(1 + \beta\delta)} - \frac{2(p_a - c_a)p_a}{(1 + \beta\delta)v_a - (1 + \delta)v_b} - 4c_a \right) \quad (14)$$

$$\pi_B = \frac{p_a^2 v_b^2 (1 - \beta)\delta + 4p_b(p_a v_b - p_b v_a)(v_a + \beta\delta v_a - v_b - \delta v_b)}{4(v_a - v_b)(1 + \beta\delta)(v_a + \beta\delta v_a - v_b - \delta v_b)v_b} \quad (15)$$

$$\pi_A^1 = \frac{(c_a - v_a + \beta v_a)(2c_a + \delta c_a - 2p_a - \delta v_a + \delta\beta v_a)}{4(1 - \beta)v_a} \quad (16)$$

$$\pi_A^2 = \frac{1}{2}(p_a - c_a) \left( 1 + \frac{c_a}{v_a - \beta v_a} - \frac{p_a - 2p_b}{(v_a - v_b)(1 + \beta\delta)} - \frac{p_a}{(1 + \beta\delta)v_a - (1 + \delta)v_b} \right) \quad (17)$$

$$\pi_B^1 = \frac{1}{4} p_a \left( \frac{p_a}{(1 + \beta\delta)v_a - (1 + \delta)v_b} - \frac{p_a - 2p_b}{(v_a - v_b)(1 + \beta\delta)} \right) \quad (18)$$

$$\pi_B^2 = \frac{(p_a v_b - 2p_b v_a)p_b}{2(v_a - v_b)(1 + \beta\delta)v_b} \quad (19)$$

**命题 3**  $D_A$  随着  $p_b$ 、 $v_a$ 、 $\beta$  增大而增大, 随着  $p_a$ 、 $v_b$  增大而减小;  $D_A^1$  随着  $v_a$  增大而增大, 随着  $c_a$ 、 $\beta$  增大而减小;  $D_A^2$  随着  $c_a$ 、 $p_b$ 、 $\beta$  增大而增大, 随着  $p_a$ 、 $v_b$  增大而减小;  $D_B$  随着  $p_a$  增大而增大, 随着  $p_b$ 、 $v_a$ 、 $\beta$  增大而减小;  $D_B^1$  随着  $p_a$ 、 $v_b$  增大而增大, 随着  $v_a$ 、 $\beta$  增大而减小;  $D_B^2$  随着  $p_a$  增大而增大, 随着  $p_b$ 、 $v_a$ 、 $\beta$ 、 $\delta$  增大而减小。

**命题 4**  $\pi_A$  随着  $p_b$  增大而增大, 随着  $v_b$  增大而减小;  $\pi_A^1$  随着  $p_a$ 、 $\delta$  增大而增大;  $\pi_A^2$  随着  $p_b$ 、 $\beta$  增大而

增大, 随着  $v_b$  增大而减小;  $\pi_B$  随着  $p_a$  增大而增大;  $\pi_B^1$  随着  $p_b$  增大而增大;  $\pi_B^2$  随着  $p_a$  增大而增大, 随着  $v_a$ 、 $\beta$ 、 $\delta$  增大而减小。

命题 3 与命题 4 揭示了企业 A 与企业 B 的销量与利润随外生变量变化的规律。值得注意的是, 当 A 企业新产品成本  $c_a$  上升时, 以旧换新定价  $p_{at}^*$  也会相应上升。于两周期而言, 消费者会倾向于降低支付次数的方式来增加效用, 因此, A 企业以旧换新消费者市场销量  $D_A^1$  会下降, A 企业不参与以旧换新的消费者市场销量  $D_A^2$  上升。另一方面, 折旧系数  $\beta$  的减小并不总是有利于以旧换新市场的, 特

别是对于B企业而言,  $\beta$ 的上升反而会引起其以旧换新市场销量的下降。因为当  $\beta$  增大时, B企业的一部分消费者会继而选择能提供更高效用的A企业产品, 在第二周期使用旧产品来获得更高的效用, 因此B企业整体的销量均随着  $\beta$  的上升而下降。此外, 本企业新产品定价( $p_a, p_b$ )的上升使得该企业以旧换新市场利润( $\pi_A^1, \pi_B^1$ )上升, 因为通过式(10)与式(12)可知, 企业A与企业B的以旧换新市场销量( $D_A^1, D_B^1$ )并不受本企业新产品价格影响, 因此随着  $p_a, p_b$  的上升  $\pi_A^1, \pi_B^1$  上升。

## 4 数值分析

为了探究划分边界  $\theta$  以及相对应的销量随  $\beta$  变化规律, 设定如下的数值算例参数:  $v_a = 9, v_b = 4, c_a = 0.9, p_a = 5, p_b = 1, \delta = 1$ , 结果如图1所示。

由图1可知, 当  $\beta$  处于相对适中的范围内时(即  $\max\left(\frac{v_a + c_a - 2p_a}{v_a}, \frac{p_a v_b - p_b(2v_a - v_b + \delta v_b)}{p_a v_b - p_b(v_b - 2\delta v_a + 3\delta v_b)}\right) < \beta < 1 - \frac{c_a}{v_a}$ ), 以旧换新4个消费者市场均存在。当  $\beta$  过大, 消费者不会选择以旧换新, 因为此时继续使用旧产品的效用恒大于参与以旧换新的效用; 同理, 当  $\beta$  过小, 以旧换新市场亦会蚕食不参与以旧换新的市场的大部分销量。

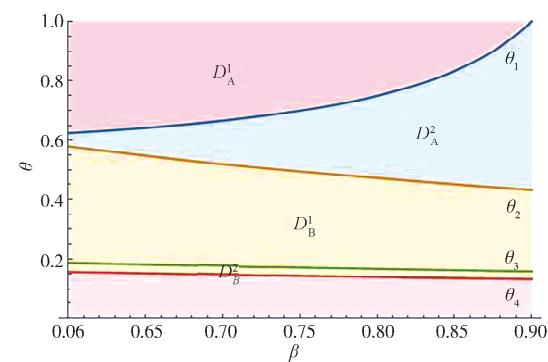


图1 划分边界随折旧系数变化图

Fig. 1 Variation of market segmentation with respect to depreciation factor

为了探究两企业利润随产品质量的变化, 设  $c_a = 0.9, p_a = 5$  或  $p_a = 6, p_b = 1, \beta = 0.8, \delta = 1$ , 取  $9 < v_a < 11, 4 < v_b < 6$ , 结果如图2所示。

从该数值算例能够发现, 当B企业新产品质量上升, A企业产品质量下降; A企业利润下降, B企业利润上升, 当数值超过一定阈值, B企业利润将会超过A企业利润; 同时当A企业新产品价格更高时, B企业利润超过A企业利润的区间会增大。

设  $c_a = 0.9, v_a = 9$  或  $v_a = 8, v_b = 4, \beta = 0.8, \delta = 1$ , 取  $5 < p_a < 5.5, 0.5 < p_b < 1$ , 如图3所示。

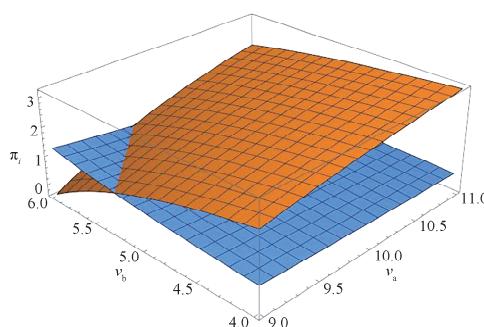


图2 两企业利润随新产品质量变化图(左为  $p_a = 5$ , 右为  $p_a = 6$ )

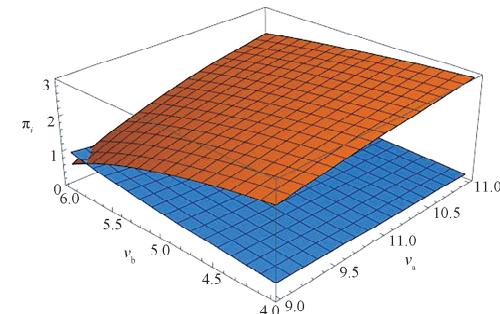


Fig. 2 Changes in the profits of the two companies with respect to the quality of new products ( $p_a = 5$  on the left,  $p_a = 6$  on the right)

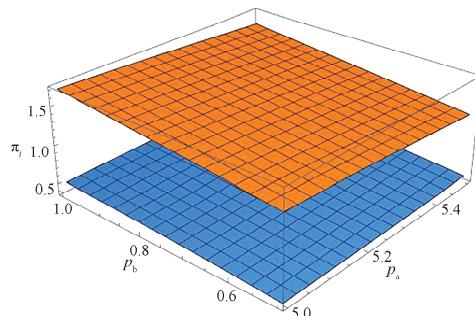


图3 两企业利润随新产品价格变化图(左为  $v_a = 9$ , 右为  $v_a = 8$ )

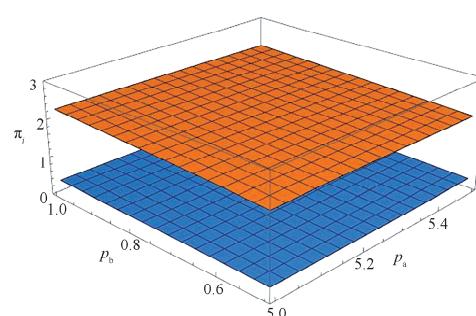


Fig. 3 Changes in the profits of the two companies with respect to the price of new products ( $v_a = 9$  on the left,  $v_a = 8$  on the right)

从该数值算例能够发现,当 A 企业新产品价格上升,B 企业新产品价格下降,A 企业利润下降,B 企业利润上升. 与前述算例不同的是,A 企业利润恒大于 B 企业,但当 A 企业新产品质量更低,下降趋势会更快.

结合图 2 和图 3 数值算例分析,在以旧换新存在的两周期双寡头竞争市场内,企业间的产品质量差异以及价格差异的大小会影响企业的市场利润分配. 相比于新产品价格,消费者更加注重产品质量水准是否符合相应的市场定位. 在以旧换新存在的情况下,企业能更好笼络存量消费者,因此,新产品参数使得市场划分在第一周期伊始便产生了影响,企业管理者应当注意这样的现象.

## 5 结 论

本文通过设定两周期双寡头以旧换新博弈模型,获得了该模型的均衡解及相应的市场划分,并获得均衡状态下的企业销量与利润. 通过对均衡结果的研究表明,只有当两企业产品质量差异较大,同时折旧系数适中的情况下,以旧换新定价均衡才存在. 同时高质量产品企业作为市场引领者,可更自主地决定自身的以旧换新定价,并且由于其自身的高质量,在该均衡模型竞争中,不参与以旧换新的市场竞争能力更强. 在两周期背景下,市场在第一周期便被划分,而以旧换新对企业的影响程度更多地体现在该企业消费者的范围内. 因此,企业管理者应注意:(1) 精准定位自身产品质量档次,并制定相应的应对策略;(2) 合理利用以旧换新策略,低端企业尽量运用以旧换新策略维持消费者市场,耐用品市场的高端企业可以考虑适时放弃以旧换新市场. 考虑回收其他企业的产品,同时考虑旧产品的第三方市场销售渠道,将会是本研究未来的方向.

## 参考文献:

- [1] Cao K, Xu X, Bian Y, et al. Optimal trade-in strategy of business-to-consumer platform with dual-format retailing model [J]. Omega-Int J Manage S,

2019, 82: 181.

- [2] 林欣怡, 黄永, 达庆利. 两周期零售商竞争下的闭环供应链的定价和协调策略研究 [J]. 运筹与管理, 2013, 22: 27.
- [3] 孙浩, 达庆利. 基于市场细分的两周期闭环供应链定价策略 [J]. 统计与决策, 2011, 27: 173.
- [4] Genc T S, Giovanni P D. Trade-in and save: A two-period closed-loop supply chain game with price and technology dependent returns [J]. Int J Prod Econ, 2017, 183: 514.
- [5] Rao R S, Narasimhan O, John G. Understanding the role of trade-ins in durable goods markets: theory and evidence [J]. Mark Sci, 2009, 28: 950.
- [6] Savaskan R C, Bhattacharya S, Van Wassenhove L N. Closed-loop supply chain models with product remanufacturing [J]. Manage Sci, 2004, 50: 239.
- [7] De Giovanni P, Zaccour G. A two-period game of a closed-loop supply chain [J]. Eur J Oper Res, 2014, 232: 22.
- [8] Miao Z W, Fu K, Xia Z Q, et al. Models for closed-loop supply chain with trade-ins [J]. Omega-Int J Manage S, 2017, 66: 308.
- [9] Xiao Y B, Wang L M, Chen J. Dynamic pricing in a trade-in program with replacement and new customers [J]. Nav Res Log, 2020, 67: 334.
- [10] Xiao Y B, Zhou S X. Trade-in for cash or for upgrade? dynamic pricing with customer choice [J]. Prod Oper Manag, 2020, 29: 856.
- [11] Ferguson M E, Toktay L B. The effect of competition on recovery strategies [J]. Prod Oper Manag, 2006, 15: 351.
- [12] 黄永, 孙浩, 达庆利. 制造商竞争环境下基于产品生命周期的闭环供应链的定价和生产策略研究 [J]. 中国管理科学, 2013, 21: 96.
- [13] 卢荣花, 李南. 零售商竞争环境下两周期闭环供应链回收渠道选择研究 [J]. 系统管理学报, 2017, 26: 1143.
- [14] Zhu X X, Wang M M, Chen G F, et al. The effect of implementing trade-in strategy on duopoly competition [J]. Eur J Oper Res. 2016, 248: 856.

## 引用本文格式:

- 中 文: 李辉中, 尹译稀, 庞琪, 等. 寡头企业两周期以旧换新均衡模型及定价策略[J]. 四川大学学报: 自然科学版, 2022, 59: 037002.
- 英 文: Li H Z, Yin Y X, Pang Q, et al. Two-period equilibrium model and pricing strategy with trade-in for duopoly [J]. J Sichuan Univ: Nat Sci Ed, 2022, 59: 037002.