doi: 10.3969/j.issn.0490-6756.2018.06.017

# ZnSe 高压物性的第一性原理研究

王海燕<sup>1</sup>,韩文君<sup>1</sup>,李 丹<sup>2</sup>,李旭升<sup>1</sup>
(1.河南理工大学材料科学与工程学院,焦作 454000;
2.攀枝花学院材料工程学院,攀枝花 617000)

摘 要:采用基于密度泛函理论的第一性原理方法,研究了 ZnSe 的三种结构岩盐结构(RS)、 闪锌矿结构(ZB)及六方纤锌矿结构(WZ)的结构性质. 通过等焓原理得到 ZnSe 从 ZB 结构转 变为 RS 结构的相变压强约为 15.5 GPa,与实验值符合得比较好. 计算出 ZnSe 在不同压强下 ZB 结构的弹性常数,通过准谐德拜模型得到不同温度下 ZB 结构的热膨胀系数与压强的关系 等热力学性质.

关键词: ZnSe; 高压; 物理性质; 第一性原理 中图分类号: O521+.2 文献标识码: A 文章编号: 0490-6756(2018)06-1239-04

# First-principles study of high-pressure physical properties of ZnSe

WANG Hai-Yan<sup>1</sup>, HAN Wen-Jun<sup>1</sup>, LI Dan<sup>2</sup>, LI Xu-Sheng<sup>1</sup>

School of Materials Science and Engineering, Henan Polytechnic University, Jiaozuo 454000, China;
 School of Materials Engineering, Panzhihua University, Panzhihua 617000, China)

**Abstract**: Using the first-principles method based on density functional theory we study the structural properties of zinc-blende structure, rocksalt structure and hexagonal wurtzite structure of ZnSe. At the same time, according to the isoenthalpy principle, we have found the transition pressure from zinc-blende to rocksalt is about 15.5 GPa, which is in good agreement with the experimental result. The e-lastic constants of ZnSe with zinc-blende structure under different pressures are calculated. The relation-ship between the thermal expansion coefficient and the pressure at different temperatures are obtained based on the quasi-harmonic Debye model.

Keywords: ZnSe; High pressure; Physical properties; First-principles

# 1 引 言

ZnSe 是一种很好的发光材料,也是一种优秀的红外窗口材料. 它具有可调谐范围宽,激发态吸收小,吸收和发射截面大以及室温下量子效率高等优异的性能. 因其熔点较高、热膨胀系数低、硬度高、禁带宽度大,在高温下具有良好的力学性能,耐热冲击,ZnSe 材料在科研、教学、激光技术、放射量

测定以及电信、电子等生产领域有着重要的作用<sup>[1-2]</sup>.对半导体纳米晶的研究又进一步地掀起对 ZnSe 材料研究的热潮<sup>[3,4]</sup>.

ZnSe 晶体有闪锌矿结构(ZB)、氯化钠结构 (RS)和六方纤锌矿结构(WZ)三种结构.杨维清 等<sup>[5]</sup>利用平面波密度泛函理论根据等焓原理计算 得 ZnSe 由闪锌矿结构转变为氯化钠结构的相变 压强为 16.8 GPa; Smelyansky 等<sup>[6]</sup>通过 FLAPW

收稿日期: 2018-07-06

基金项目:国家自然科学基金(11404099);河南理工大学杰出青年基金(J2014-05)

作者简介: 王海燕(1980—),女,博士,副教授,主要从事新材料物性研究.

通讯作者:李旭升. E-mail: lxswhy@126.com

预测其由闪锌矿结构转变为氯化钠结构的相变压 强为 20.8 GPa,通过 NAO+GC 的方法计算得到 相变压强为 16.9 GPa.由此可见,不同的计算方 法得到的相变压强存在一定的分歧.实验上 Karzel<sup>[7]</sup>用 X 射线衍射实验得到由闪锌矿结构转变为 氯化钠结构的相变压强为 13.5 GPa;Lin<sup>[8]</sup>在拉曼 散射光谱中发现相变压强为 14.4 GPa;金恩姬 等<sup>[9]</sup>通过原位高压 ADXD 实验研究观察到 ZnSe 的相变压强为 12.6 GPa.实验上测得的相变压强 均低于理论计算结果.由于 ZnSe 的相变压强在实 验和理论上研究结果存在一定分歧,因此本文利用 第一性原理方法对 ZnSe 三种结构的晶格常数、相 变及一些热力学性质进行理论研究,对 ZnSe 的相 关性质进行一些补充,相对于其他人的计算工作适 当提高了计算精度.

# 2 计算方法和模型

本文采用基于密度泛函理论的平面赝势波方 法对 ZnSe 晶体的进行理论计算,平面波截断能 (cut-of energy)为 394.6 eV,交换关联能采用广义 梯度近似(GGA),交换关联势取 Perdew Burke Ernzerhof(PBE)<sup>[10]</sup>.并采用超软赝势(USPP)<sup>[11]</sup>, 分别把 Zn 原子的 3d<sup>10</sup>4s<sup>2</sup>,Se 原子的 4s<sup>2</sup>4p<sup>4</sup>作为价 电子,其他轨道视为芯电子.ZB、RS 结构的布里渊 区采用 4×4×4 Monkhorst-pack<sup>[12]</sup>形式的特殊 K 点,WZ 结构的布里渊区采用 7×7×4 Monkhorstpack 形式的特殊 K 点.在自洽运算中,原子之间 相互作用力的收敛设为 1.0×10<sup>6</sup> eV/atom.

运用准谐德拜方程<sup>[13]</sup>计算 ZnSe 晶体的热力 学性质,在该模型中,非平衡 Gibbs 函数 G\*(V;P, T)形式如下

 $G^*(V; p, T) = E(V) + pV + A_{Vib}(V; T)$  (1) 在等式的右边, E(V)表示原胞的总能量, p, V分别 表示恒定的流体静压和体积,  $A_{Vib}$ 表示振动的 Helmholtz自由能, 表达式为

$$A_{\rm Vib}(\Theta; T) = nkT\left\{\frac{9\Theta}{8T} + 3\ln[1 - e^{-\Theta/T}] - D\left(\frac{\Theta}{T}\right)\right\}$$
(2)

式中n表示每个原胞中包含的原子数, $D\left(\frac{\Theta}{T}\right)$ 为 德拜积分,它的表达式为

$$D\left(\frac{\Theta}{T}\right) = \frac{3}{\left(\frac{\Theta}{T}\right)^3} \int_{0}^{\frac{\Theta}{2}} \frac{x^3}{e^x - 1} dx$$
(3)

对于各向同性的固体来说,Θ可表达为

$$\Theta = \frac{\eta}{k} \left[ 6 \, \pi^2 V^{1/2} n \right]^{1/3} f(v) \sqrt{\frac{B_s}{M}} \tag{4}$$

M 是每个原胞中分子的质量,υ 为泊松比率,取 0.25,η为约化普朗克常量,k 为玻尔兹曼常数,B<sub>s</sub> 表示晶体压缩率的绝热体弹模量

$$B_{\rm s} \simeq B(V) = V \Big( \frac{\mathrm{d}^2 E(V)}{\mathrm{d} V^2} \Big)$$
 (5)

利用 Gibbs 函数

$$\left(\frac{\partial G^*\left(V;p,T\right)}{\partial V}\right)_{p,T} = 0 \tag{6}$$

即可得到热力学方程.

等温弹性模量  $B_T$ ,热容  $C_v$ ,热膨胀系数  $\alpha$  分 别用下式表示:

$$B_{T}(p,T) = V\left(\frac{\partial^{2}G^{*}(V;p,T)}{\partial V^{2}}\right)_{p,T}$$
(7)

$$C_V = 3nk \left[ 4D(\Theta/T) - \frac{3\Theta/T}{e^{\Theta/t} - 1} \right]$$
(8)

$$\alpha = \frac{\gamma C_V}{B_T V} \tag{9}$$

# 3 结果与讨论

# 3.1 结构稳定性

通过计算得到 ZnSe 在零温零压下 ZB、RS、WZ 三种结构的晶格参数 *a*,*b* 和 *c*,体弹模量 *B*<sub>0</sub>,及其一 阶导数 *B*<sub>0</sub>,如表 1 所示.结果发现本文的计算结果 与实验结果以及他人的计算结果比较吻合.

- 表 1 ZB、RS 和 WZ 三种结构 ZnSe 的晶格常数  $a, b \to c$ , 体弹模量  $B_0$ 及其对压强的一阶导数  $B'_0$
- Tab. 1 Calculated structural parameters, lattice constants a, b and c, bulk modulus  $B_0$  and the first derivative of pressure  $B_0$ ' for the ZB, RS and WZ structures of ZnSe

结构	方法	a/Å	c/Å	$B_0/\mathrm{GPa}$	$B_0{}^\prime$
ZB	本工作	5.97	5.97	56.42	4.38
	实验	5.67 <sup>b</sup>	5.67	69.30	
	214	5.82°	5.82	52.92	4.05
	理论	5.54ª	5.74	72.44	4.02
		5.73 <sup>d</sup>	5.73	57.16	4.48
	本工作	5.83	5.83	71.96	4.74
	实验	5.29 <sup>b</sup>	5.30	104.00	
RS		5.43°	5.43	74.16	4.92
	理论	5.37 <sup>d</sup>	5.37	69.50	4.59
		5.17ª	5.17	90.72	4.92
	本工作	3.94	7.19	52.47	3.75
WZ	实验	3. 99 <sup>e</sup>	6.62		
	理论	4.05 <sup>d</sup>	6.64	56.34	4.60

<sup>a</sup>文献[6],<sup>b</sup>文献[7],<sup>c</sup>文献[8],<sup>d</sup>文献[14],<sup>e</sup>文献[15].

#### 3.2 相 变

计算得到 ZB 和 RS 结构 ZnSe 的焓与压强的 关系,如图 1 所示. 根据等焓原理可得, ZnSe 从闪 锌矿结构转变为氯化钠结构时的相变压强为 15.5 GPa,与刘玉孝等人<sup>[14]</sup>的计算结果 14.95 GPa 相 差不大. 比杨维清等人<sup>[5]</sup>和 Smelyansky 等人<sup>[6]</sup>的 计算结果更接近于实验值<sup>[7-9]</sup>.



图 1 ZnSe 的 ZB 结构与 RS 结构 *Ep* 曲线 Fig. 1 Enthalpy-pressure curves for RS and ZB pha-

ses of ZnSe

### 3.3 弹性性质

不同压力下 ZB 结构 ZnSe 的弹性常数如表 2 所示.在 0、3、6、9、12、15 GPa 的压强下, ZB 结构 的弹性模量矩阵元  $C_{11}$ 、 $C_{12}$ 随着压强的增加而增 大,而压强的变化对  $C_{44}$ 的影响不大. $C_{11}$ 和  $C_{12}$ 随 压强的变化关系近似为: $C_{11} = 84.45 + 3.35p$ , $C_{12} = 47.15 + 4.12p$ .

表 2 不同压强下 ZB 结构 ZnSe 的弹性常数

Tab. 2 Calculated the elastic constants for ZB structures of ZnSe under different pressure

ţ	o/GPa	$C_{11}/\mathrm{GPa}$	$C_{12}/\mathrm{GPa}$	$C_{44}/\mathrm{GPa}$
	0	81.58	43.07	42.60
	3	97.93	64.39	40.27
	6	105.64	72.62	42.55
	9	113.58	83.82	43.24
	12	124.25	96.03	40.21
	15	134.59	108.35	40.69

#### 3.4 热力学性质

3.4.1 状态方程 当压强约为 15.5 GPa 时, ZnSe 由 ZB 结构转变为 RS 结构.图 2 是本文得到 的不同温度下 ZB 和 RS 结构的 ZnSe 压强与体积 比的关系.V。是温度为 0 K 时两种结构的原胞体 积. 从图中可以看出不同温度下 ZB 和 RS 结构 ZnSe 的体积比均随着压强的增加而呈下降的趋势. 温度越高,ZB 结构 ZnSe 的压强与体积比曲线 越弯曲,表明在高温下体积对压强的变化更加敏 感. 而对于 RS 结构 ZnSe,由图中可以看出在 0、 700、1400 K 的温度下,压强与体积比的曲线几乎 重合在一起,也就是说温度对它的影响并不明显.





Fig. 2 Calculated ratio of volume for ZB and RS phase of ZnSe versus pressure at different temperatures

3.4.2 热膨胀系数 不同温度下 ZB 结构 ZnSe 的热膨胀系数与压强的关系如图 3 所示. 在给定的温度下,热膨胀系数随着压强的增大而减小,温度越高热膨胀系数的下降的越快. 此外,在相同的 压强下温度越高热膨胀系数越大.



- 图 3 不同温度下 ZB 结构 ZnSe 的热膨胀系数随压 强的变化曲线
- Fig. 3 The relation between the coefficient of thermal expansion and pressure for ZB phase of ZnSe under different temperatures

# 4 结 论

本文采用基于密度泛函理论的第一性原理对

ZnSe 进行研究,计算得到其 ZB 结构、RS 结构和 WZ 结构的晶格常数、体弹模量 B<sub>0</sub> 及其一阶导数 B<sub>0</sub>',ZB 结构和 RS 结构在不同压强下的能量,不 同压强下的体积比,ZB 结构的弹性性质以及热膨 胀系数.计算结果表明,根据等焓原理可得 ZnSe 由 ZB 结构转变为 RS 结构的相变压强约为 15.5 GPa,与实验值符合得比较好.ZB 结构在高温下 体积对压强的变化更加敏感,对于 RS 结构温度对 它的影响并不明显.对于弹性性质,在 0、3、6、9、 12、15 GPa 的压强下,ZB 结构的弹性常数 C<sub>11</sub>、C<sub>12</sub> 随着压强的增加而增大,而压强的变化对弹性模量 C<sub>44</sub>的影响不大.在给定的温度下,热膨胀系数随 着压强的增大而减小,温度越高热膨胀系数的下降 的越快,此外,在相同的压强下温度越高热膨胀系 数越大.

#### 参考文献:

- [1] 陈红霞,杜思洁. ZnSe 小团簇结构稳定性和电子性 质研究[J]. 原子与分子物理学报,2018,35:789.
- [2] 陈红霞. Cr 掺杂 ZnSe 团簇结构和磁性质[J]. 原子 与分子物理学报, 2018, 35: 429.
- [3] 周恩民,程正富,郑瑞伦,等.非简谐振动和形变 对 ZnSe 类石墨烯德拜温度热容量以及极性的影响
   [J].原子与分子物理学报,2018,35:1056.
- [4] Ji Y P, Jeong D W, Lim K M, et al. Multimodal luminescence properties of surface-treated ZnSe quantum dots by Eu [J]. Appl Surf Sci, 2017, 415; 8.
- [5] 杨维清,罗从正,朱俊. ZnSe 弹性常数和相变的从 头计算[J]. 原子与分子物理学报,2007,24:439.
- [6] Smelyansky V I, Tse J S. Theoretical study on the

high-pressure phase transformation in ZnSe [J]. Phys Rev B, 1995, 52: 4658.

- [7] Karzel H, Potzel W, Kofferlein M, et al. Lattice dynamics and hyperfine interaction in ZnO and ZnSe at high external pressures [J]. Phys Rev B, 1996, 53: 11425.
- [8] Lin C M, Chuu D S, Yang T J, et al. Raman spectroscopy study of ZnSe and Zn<sub>0.84</sub> Fe<sub>0.16</sub> Se at high pressures [J]. Phys Rev B, 1997, 551: 79425.
- [9] 金恩姬,姚立德,王菲菲. 高压下 ZnSe 纳米带的结构相变及拉曼散射研究[J]. 高压物理学报,2009, 23:241.
- [10] Perdew J P, Burke K, Ernzerhof M. Generalized gradient approximation made simple [J]. Phys Rev Lett, 1996, 77: 3865.
- [11] Vanderbilt D. Soft self-consistent pseudopotentials in a generalized eigenvalue formalism [J]. Phys Rev B, 1990, 41: 7892.
- [12] Monkhorst H J, Pack J D. Special points for Brillouin-zone integrations [J]. Phys Rev B, 1976, 13: 5188.
- Blanco M A, Francisco E, Luana V. GIBBS: isothermal-isobaric thermodynamics of solids from energy curves using a quasi-harmonic Debye model
   [J]. Comput Phys Commun, 2004, 158: 57.
- [14] 刘玉孝, 伍丽莎, 齐云. ZnSe 高压相变和声子谱的 第一性原理研究[J]. 高压物理学报, 2017, 31: 97.
- [15] Ferahtia S, Saib S, Bouarissa N, et al. Structural parameters, elastic properties and piezoelectric constants of wurtzite ZnS and ZnSe under pressure [J]. Superlattice Microst, 2014, 67: 88.

2	┎╸╪╖╪╖╪╖╪╖╪╖╪╖╪╖╪╖╪╖╪╖╪╖╪╖╪╖╪╖╪╖╪╖╪╖╪╖╪╖	"χ
ł	引用本文格式:	ł
+	中 文:王海燕,韩文君,李丹,等. ZnSe 高压物性的第一性原理研究[J].四川大学学报:自然科学版, 2018,	+
+	55: 1239.	+
ł	英文: Wang H Y, Han W J, Li D, et al. First-principles study of high-pressure physical properties of ZnSe [J]. J	+
ł	Sichuan Univ. Nat Sci Ed, Year, 2018, 55: 1239.	ł
)	└┑╪╖╪╖╪╖╪╖╪╖╪╖╪╖╪╖╪╖╪╖╪╖╪╖╪╖╪╖╪╖╪╖╪╖╪╖╪╖	.×.